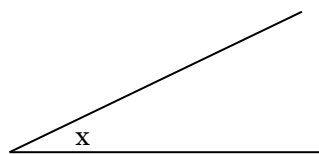


8-4-10 直角三角形の合同条件

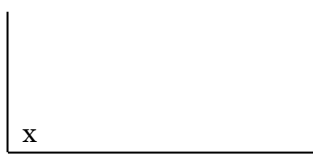
例1 角や直角三角形についてまとめましょう。

①



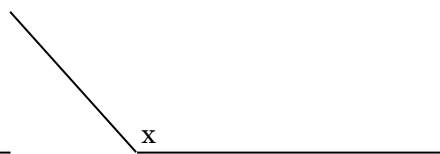
$$0^\circ < x < 90^\circ$$

()



$$x = 90^\circ$$

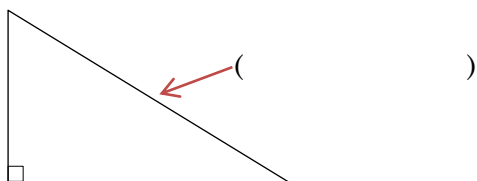
()



$$90^\circ < x < 180^\circ$$

()

②



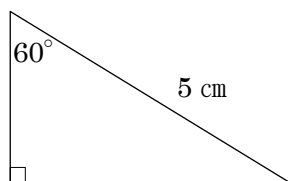
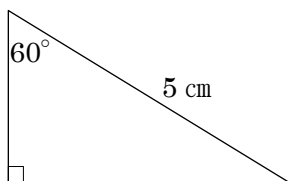
③ 直角三角形の合同条件を2つ答えなさい。

•

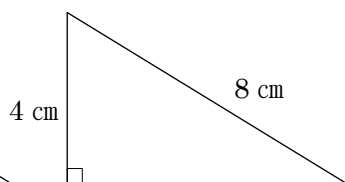
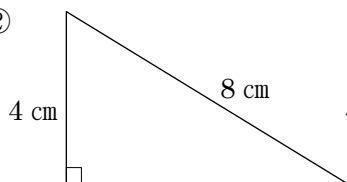
•

1 次の直角三角形の合同条件を答えなさい。

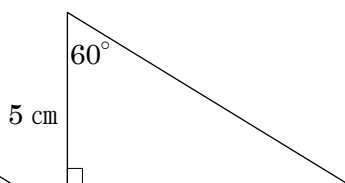
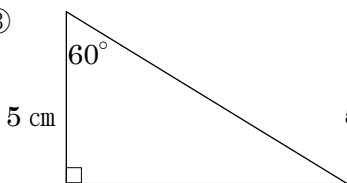
①



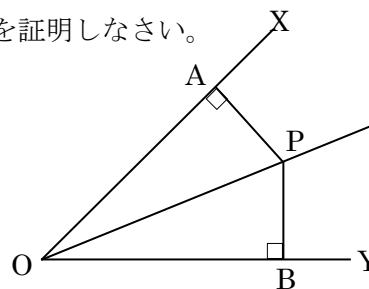
②



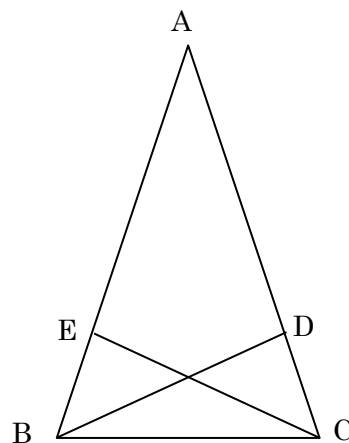
③



例2 右の図は、 $\angle XOY$ の二等分線上の点Pから、OX、OYに垂線を引き、その交点をA、Bとしたものである。 $\triangle OPA \equiv \triangle OPB$ となることを証明しなさい。

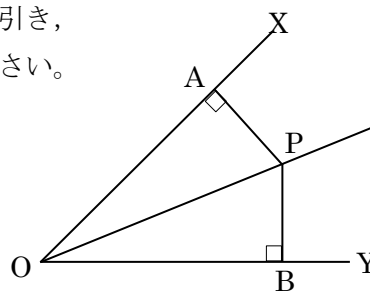


2 右の図の $\triangle ABC$ は $AB=AC$ の二等辺三角形である。 $BD \perp AC$ 、 $CE \perp AB$ ならば $\angle ABD = \angle ACE$ となることを証明しなさい。

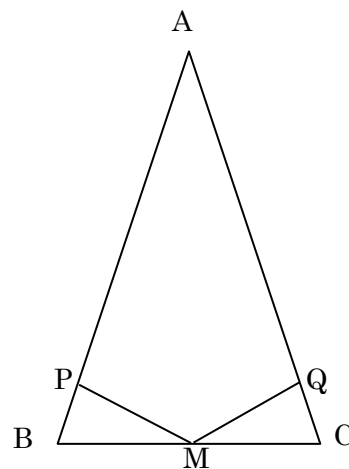


宿題

- ① 右の図は、 $\angle XOY$ の二等分線上の点 P から、 OX 、 OY に垂線を引き、その交点を A 、 B としたものである。 $PA=PB$ となることを証明しなさい。



- ② $AB=AC$ である二等辺三角形 ABC で BC の中点 M から AB 、 AC に垂線を引きその交点を P 、 Q とする。 $\angle PMB = \angle QMC$ となることを証明しなさい。



宿題解答

1

$\triangle OPA$ と $\triangle OPB$ で

$OP=OP$ (共通) …ア

$\angle POA=\angle POB$ (仮定) …イ

$\angle PAO=\angle PBO=90^\circ$ (仮定) …ウ

ア, イ, ウより直角三角形の斜辺と一つの鋭角がそれぞれ等しいので

$\triangle OPA \equiv \triangle OPB$

合同な三角形の対応する辺はそれぞれ等しいので

$PA=PB$

2

$\triangle PMB$ と $\triangle QMC$ で

$BM=CM$ (仮定) …ア

$\angle MBP=\angle MCQ$ (二等辺三角形の底角) …イ

$\angle MPB=\angle MQC=90^\circ$ (仮定) …ウ

ア, イ, ウより直角三角形の斜辺と一つの鋭角がそれぞれ等しいので

$\triangle PMB \equiv \triangle QMC$

合同な三角形の対応する角はそれぞれ等しいので

$\angle PMB=\angle QMC$